

É **proibido** o uso de **telefone celular, smartphones, tablets** (que devem permanecer **desligados** durante a prova) ou **calculadoras programáveis**, ou empréstimo de materiais durante a prova. É permitido o uso de calculadora científica comum. **Não é permitido sair da sala antes da entrega desta prova. O seu nome e desenvolvimento de todos os cálculos devem estar presentes na prova, na folha almaço.** Ao final, entregue todo o material recebido durante a prova. Esta folha pode ser usada como rascunho.

Nome: \_\_\_\_\_ Assinatura: \_\_\_\_\_

**1) [3,0 pts]** Considere uma linha de cargas iniciada na origem, de comprimento  $L$ , com densidade linear de cargas dada por  $\lambda(x) = \lambda_0 \left(\frac{x}{L}\right)^2$ . **a)** Determine o potencial gerado por esta linha de cargas no ponto  $P$  a uma distância  $R$  da origem, colinear à linha, conforme a Figura 1. **b)** Determine a carga total da linha de cargas. **c)** Determine a distância da origem que uma carga puntiforme de valor igual ao calculado no item **b)** deva ser posicionada para que o potencial gerado no ponto  $P$  devido unicamente a esta carga seja o mesmo que o calculado no item **a)**.

**2) [2,0 pts]** Um carregador portátil totalmente carregado tem uma carga de  $1.400 \text{ mAh}$  e sua tensão é de  $5,0 \text{ V}$ . **a)** Determine sua capacitância. **b)** Totalmente carregado e sem contato com fonte de força eletromotriz, um material de constante dielétrica  $\kappa = 2,5$  é colocado entre as placas deste capacitor. A tensão ou a carga deste carregador se alteram? Justifique e determine-a(s) – caso alguma se altere.

**3) [2,0 pts]** A densidade de corrente através de um condutor cilíndrico é dada por  $J = J_0(1 - r/R)$ , com  $R$  o raio do condutor e  $r$  a distância ao eixo central. **a)** Faça um gráfico mostrando o comportamento da densidade de corrente, de  $r = 0$  a  $r = 2R$ . **b)** Determine a corrente em termos de  $J_0$  e da área  $A = \pi r^2$ .

**4) [3,0 pts]** Considere o circuito da Figura 2, com  $\mathcal{E} = 200,0 \text{ V}$ ,  $R_1 = 5,0 \Omega$ ,  $R_2 = 10,0 \Omega$ ,  $R_3 = 50,0 \Omega$  e  $C = 1200,0 \mu\text{F}$ , com o capacitor inicialmente descarregado, sem corrente nos resistores e com as chaves  $S_1$  e  $S_2$  abertas. As chaves  $S_1$  e  $S_2$  são subitamente fechadas simultaneamente em  $t = 0$ . **a)** Determine a corrente em cada resistor para  $t = 0$ . **b)** A chave  $S_2$  é aberta depois de um tempo muito longo. Faça um gráfico mostrando o comportamento da tensão no capacitor a partir do momento em que a chave  $S_2$  é aberta. **c)** Com a chave  $S_2$  fechada e o capacitor  $C$  descarregado, este carrega mais rapidamente com a chave  $S_1$  aberta ou fechada? Justifique.

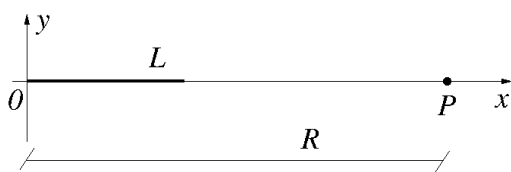


Figura 1: Questão 1.

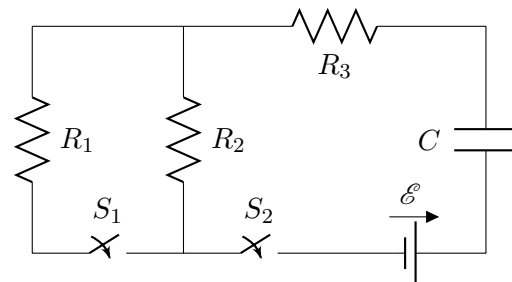


Figura 2: Questão 4.

$e = \pm 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	$k = 8,99 \cdot 10^9 \text{ N} \cdot \text{m}^2/\text{C}^2$	$\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N} \cdot \text{m}^2$	$q = ne$
$\Phi = \oint \vec{E} \cdot d\vec{A}$	$\epsilon_0 \Phi = q$	$W_{if} = -\Delta U$	$\Delta V = \frac{-W_{if}}{q_0}$
$V = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 x}$	$V = \sum_{i=1}^n V_i$	$E_x = \frac{-\partial V}{\partial x}$	$V = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s}$
$C_{eq.} = \sum_{j=1}^n C_j$	$\frac{1}{C_{eq.}} = \sum_{j=1}^n \frac{1}{C_j}$	$U = \frac{q^2}{2C}$	$U = \frac{CV^2}{2}$
$i = \int \vec{J} \cdot d\vec{A}$	$R = \frac{V}{i}$	$\vec{E} = \rho \vec{J}$	$R = \frac{\rho L}{A}$
$\sum_{j=1}^n V_j = 0$	$\sum_{j=1}^n i_j = 0$	$R_{eq.} = \sum_{j=1}^n R_j$	$\frac{1}{R_{eq.}} = \sum_{j=1}^n \frac{1}{R_j}$
			$q = \epsilon_0 \oint \kappa \vec{E} \cdot d\vec{A}$
			$i = \frac{dq}{dt}$
			$dq = \lambda dx$
			$\tau = RC$
			$q(t) = C\mathcal{E}(1 - e^{-t/\tau})$