

É proibido o uso de telefone celular, smartphones, tablets (que devem permanecer desligados durante a prova) ou calculadoras programáveis, ou empréstimo de materiais durante a prova. É permitido o uso de calculadora científica comum. Não é permitido sair da sala antes da entrega desta prova. O seu nome e desenvolvimento de todos os cálculos devem estar presentes na prova, na folha almaço. Ao final, entregue todo o material recebido durante a prova. Esta folha pode ser usada como rascunho.

Nome: \_\_\_\_\_ Assinatura: \_\_\_\_\_

1) [2,5 pontos] Considere o circuito representado na Figura 1, com  $L_1 = 50,0 \text{ mH}$ ,  $R_1 = 0,25 \text{ k}\Omega$  e a fonte de corrente contínua  $\mathcal{E}_1 = 60,0 \text{ V}$ . Inicialmente, a chave  $S$  está em  $B$  e sem corrente no indutor  $L_1$ .

- A chave  $S$  é ligada em  $A$  em  $t = 0,0 \text{ s}$ . Determine o tempo para que a corrente no resistor seja 75% da corrente máxima e b) a tensão nos terminais do indutor neste momento.
- Faça um gráfico  $\mathcal{E}_R \times t$ , de  $t = 0,0 \text{ s}$  até  $t = 20,0\tau_L \text{ s}$ , considerando que em  $t = 10,0\tau_L \text{ s}$  a chave  $S$  é ligada em  $B$ .
- Determine a energia magnética máxima que pode armazenada neste indutor deste circuito.

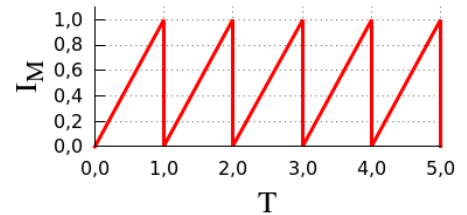
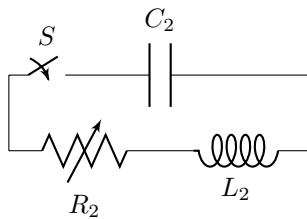
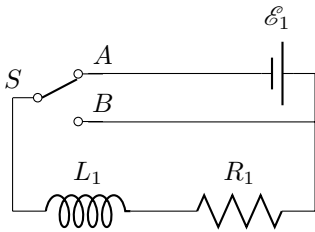


Figura 1: Circuito  $RL$ , questão 1. Figura 2: Circuito  $RLC$ , questão 2. Figura 3: Corrente por tempo, questão 3.

2) [2,5 pontos] Considere o circuito representado na Figura 2, com  $L_2 = 160 \text{ mH}$ ,  $C_2 = 62,5 \text{ nF}$  e  $R_2$  uma resistência variável de resistência máxima  $R_{2\text{máx}} = 10,0 \text{ k}\Omega$ . O capacitor está carregado, com  $\mathcal{E}_C = 12,0 \text{ V}$ , a corrente no indutor é nula e a chave  $S$  está aberta. A chave  $S$  é então fechada.

- Para  $R_2 = 0,0 \Omega$ , temos um oscilador eletromagnético. No instante em que o capacitor está com exatamente um quarto da energia do circuito, determine a tensão no capacitor  $\mathcal{E}_C$  e a tensão no indutor  $\mathcal{E}_L$ .
- Determine quantas oscilações completas ocorrem num intervalo de  $5,0 \cdot 10^{-1} \text{ s}$ .
- Para  $R_2 = 1,0 \text{ k}\Omega$ , determine o último instante de tempo em que a carga máxima no capacitor pode chegar a um quarto da inicial.

3) [3,0 pontos] Considere que uma fonte de corrente alternada forneça a corrente dada pela Figura 3 a um circuito com um resistor  $R$ , um indutor  $L$  e um capacitor  $C$ , todos em série, com  $I_M = 4,0 \text{ A}$  e  $T = \frac{\pi}{120} \text{ s}$ .

- Determine a corrente  $I_{\text{rms}}$  fornecida ao circuito (considere  $i(t) = I_M \frac{t}{T}$ , para  $0 < t < T$ ).
- Para  $R = 62,0 \Omega$ ,  $L = 4,0 \text{ mH}$  e  $C = 80,1 \mu\text{F}$ , determine a tensão máxima total  $\mathcal{E}_m$  – não rms – fornecida pela fonte ao circuito.
- Represente coerentemente, via fasores,  $\mathcal{E}_m$ ,  $V_R$ ,  $V_L$ ,  $V_C$ ,  $I_M$  e  $\phi$  e informe se o circuito é indutivo ou capacitivo.
- Determine o fator de potência e a equação da corrente  $i_M(t)$ , com os valores numéricos de  $\omega$  e  $\phi$ .
- Determine a frequência da corrente que maximiza a transferência de potência da fonte ao circuito.

4) [1,0 ponto] Justifique, via equações, que num transformador, quanto maior a quantidade de bobinas de um lado, maior a tensão induzida nos terminais da bobina deste mesmo lado.

5) [1,0 ponto] Justifique porque o fluxo  $\Phi_E = \oint \vec{E} \cdot d\vec{A}$  pode assumir valores positivos, negativos e nulo e o fluxo  $\Phi_B = \oint \vec{B} \cdot d\vec{A}$  é sempre nulo.

$$\begin{aligned} \mathcal{E}_L &= -L \frac{di}{dt} & i(t) &= \frac{\mathcal{E}}{R} (1 - e^{-t/\tau_L}) & \tau_L &= \frac{L}{R} & i(t) &= i_0 e^{-t/\tau_L} & U_B &= \frac{1}{2} Li^2 & U_E &= \frac{q^2}{2C} \\ \omega_0 &= \frac{1}{\sqrt{LC}} & q(t) &= Q \cos(\omega_0 t + \phi) & q(t) &= Q e^{-Rt/2L} \cos(\omega' t + \phi) & \omega' &= \sqrt{\omega_0^2 - (R/2L)^2} & V_R &= IR \\ i &= I \sin(\omega_0 t - \phi) & V_C &= IX_C & X_C &= \frac{1}{\omega_0 C} & V_L &= IX_L & X_L &= \omega_0 L & \mathcal{E}_m &= IZ & \cos(\phi) &= \frac{R}{Z} \\ Z &= \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} & \tan(\phi) &= \frac{X_L - X_C}{R} & P_{\text{méd}} &= \mathcal{E}_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\phi) & f(t)_{\text{rms}} &= \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T [f(t)]^2 dt} \\ \mathcal{E}_L &= -N \frac{d\Phi_B}{dt} & \tan(\phi) &= \frac{X_L - X_C}{R} & \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} &= \frac{q}{\epsilon_0} & \oint \vec{B} \cdot d\vec{A} &= 0 & q &= CV & T &= \frac{2\pi}{\omega} \end{aligned}$$